

平行高二文科数学参考答案及评分标准

一、选择题

1. A 2. A 3. A 4. D 5. B 6. B
7. B 8. D 9. C 10. B 11. C 12. B

二、填空题

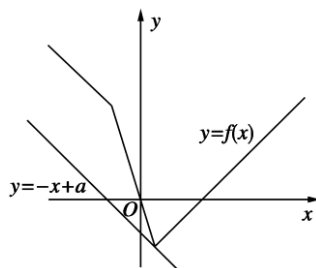
13. 1 14. 26 15. 144π 16. $\frac{3\sqrt{15}}{4}$

三、解答题

17. 解: (1)当 $x \leq -2$ 时, $f(x) = -x + 4$,
 $\therefore f(x) \geq 6$, 即 $-x + 4 \geq 6$, $x \leq -2$, 故 $x \leq -2$;
 当 $-2 < x < 1$ 时, $f(x) = -3x$,
 $\therefore f(x) \geq 6$, 即 $-3x \geq 6$, $x \leq -2$, 无解;
 当 $x \geq 1$ 时, $f(x) = x - 4$,
 $\therefore f(x) \geq 6$, 即 $x - 4 \geq 6$, $x \geq 10$, 故 $x \geq 10$.
 综上, $f(x) \geq 6$ 的解集为 $(-\infty, -2] \cup [10, +\infty)$5 分

(2)由(1)知 $f(x) = \begin{cases} -x+4, & x \leq -2, \\ -3x, & -2 < x < 1, \\ x-4, & x \geq 1, \end{cases}$

解法一 作出函数 $f(x)$ 和 $y = -x + a$ 的大致图象如图所示,



由图象知, 当 $x = 1$ 时, $-1 + a \leq f(x)_{\min} = -3$, 解得 $a \leq -2$,
 \therefore 实数 a 的取值范围为 $(-\infty, -2]$10 分

解法二 当 $x \leq -2$ 时, $-x + 4 \geq -x + a$ 恒成立, $\therefore a \leq 4$;
 当 $-2 < x < 1$ 时, $-3x \geq -x + a$ 恒成立, $\therefore a \leq -2$;
 当 $x \geq 1$ 时, $x - 4 \geq -x + a$ 恒成立,
 $\therefore x \in \mathbf{R}$ 时, $f(x) \geq -x + a$ 恒成立, $\therefore a \leq -2$.

综上, 实数 a 的取值范围为 $(-\infty, -2]$10 分

18. 解: (1) ∵ 由题意可得: $\sin B \cos C = (2\sin A - \sin C) \cos B$.

∴ $\sin B \cos C + \sin C \cos B = 2\sin A \cos B$, $\sin(B + C) = 2\sin A \cos B$.

∴ $\sin A = 2\sin A \cos B$, 因为 $0 < A < \pi$, $\sin A > 0$, 所以 $\cos B = \frac{1}{2}$,

因为 $0 < B < \pi$, 所以 $B = \frac{\pi}{3}$6分

(2) ∵ 由题意 $a + c = 2b = 6$,

又 ∵ $3^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cos \frac{\pi}{3}$, 可得 $9 = (a + c)^2 - 3ac$, ∴ $ac = 9$,

∴ $S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} ac \sin B = \frac{1}{2} \times 9 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{9\sqrt{3}}{4}$12分

19. 解: (1) 物理成绩的茎叶图如图:

数学成绩		物理成绩
	3	9
	4	9 6 2
3	5	5 6 2 1 8
4	0	6 4 6 1 6 7 5 7
7 1	0	7 1 2 8 0 3 7
6 3 2 2 1 0 0	0	8 5 0
3 2 1 0 0 0	0	9 0
7 5 5 3 3	3	10
2	11	

.....4分

物理的平均分为 64 分6分

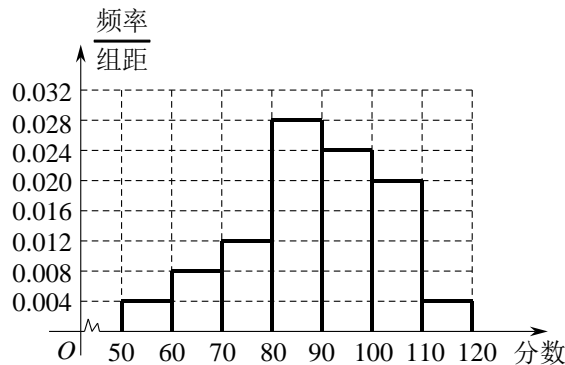
(2)

数学成绩的频数分布表

数学成绩分组	[50,60)	[60,70)	[70,80)	[80,90)	[90,100)	[100,110)	[110,120]
频数	1	2	3	7	6	5	1

.....9分

数学成绩的频率分布直方图



.....12分

20. 解: (1)

年份	2016	2017	2018	2019
年份代号 (x)	1	2	3	4
PM2.5 指数 (y)	90	88	70	64

.....2 分

(2) $\bar{x} = 2.5$, $\bar{y} = 78$,4 分

$$\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y}) = -48, \quad \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 = 5, \quad \dots\dots\dots 6 \text{ 分}$$

$$\hat{b} = \frac{-48}{5} = -9.6, \quad a = \bar{y} - \hat{b}\bar{x} = 102, \quad \dots\dots\dots 8 \text{ 分}$$

$\therefore y$ 关于 x 的线性回归方程为 $y = -9.6x + 102$9 分

(3) 2020 年的年份代号为 5, 当 $x = 5$ 时, $y = -9.6 \times 5 + 102 = 54$,

\therefore 该市 2020 年 3 月份的 PM2.5 指数平均值的预测值为 $54 \mu\text{g}/\text{m}^3$12 分

21. 解: (1) 设 E 、 F 分别为线段 B_1C 、 BC 的中点, 连接 DE , EF , AF ,

$$\because A_1D = AD, \quad \angle DAC = \angle DA_1B_1, \quad A_1B_1 = AC.$$

$$\therefore \triangle A_1B_1D \cong \triangle ACD, \quad \therefore DB_1 = DC, \quad \therefore DE \perp B_1C.$$

$$\because EF \parallel BB_1, \quad DA \parallel BB_1.$$

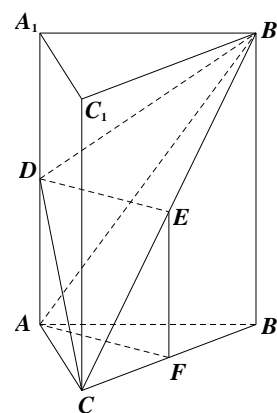
$$\therefore DA \parallel EF, \quad DA = \frac{1}{2}BB_1 = EF.$$

\therefore 四边形 $DEFA$ 为矩形, $\therefore DE \perp EF$.

$$\because B_1C \cap EF = E,$$

$$\therefore DE \perp \text{平面 } B_1BCC_1, \quad \because DE \subset \text{平面 } B_1DC,$$

$$\therefore \text{平面 } B_1DC \perp \text{平面 } B_1BCC_1. \quad \dots\dots 6 \text{ 分}$$



(2) 连接 AB_1 , 设 $DA = x$, A 到平面 B_1CD 的距离为 h ,

$$\text{则 } DB_1 = DC = \sqrt{x^2 + 4}, \quad B_1C = \sqrt{4x^2 + 4},$$

$$\because \angle B_1DC = 90^\circ, \quad \therefore 4x^2 + 4 = x^2 + 4 + x^2 + 4, \quad \text{解得 } x = \sqrt{2}, \quad \text{即 } B_1B = 2\sqrt{2}.$$

$$\text{由 } V_{B_1-ADC} = V_{A-DCB_1} \text{ 得: } \frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \sqrt{2} \times 2 \times \sqrt{3} = \frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \sqrt{6} \times \sqrt{6} \times h,$$

解得 $h = \frac{\sqrt{6}}{3}$, 即点 A 到平面 B_1CD 的距离为 $\frac{\sqrt{6}}{3}$12 分

22. 解: (1) 根据题意, $2^{n+1}a_{n+1} - 2^n a_n = 1$, 所以 $\{2^n a_n\}$ 是以 2 为首项, 1 为公差的等差数列,

所以 $2^n a_n = 2 + (n-1) \times 1 = n+1$, 所以 $a_n = \frac{n+1}{2^n}$3 分

因为 $b_4 b_6 = 4b_5 b_7 \Rightarrow b_5^2 = 4b_6^2 \Rightarrow q^2 = \frac{1}{4}$,

因为 $\{b_n\}$ 为正项数列, 所以 $q = \frac{1}{2}$. 所以 $b_n = (\frac{1}{2})^{n-1}$6 分

(2) 根据题意 $p_n = \begin{cases} \frac{n+1}{2}, n \text{ 为偶数} \\ b_n, n \text{ 为奇数} \end{cases}$, $\therefore P_n = \begin{cases} \frac{n+1}{2}, n \text{ 为偶数} \\ (\frac{1}{2})^{n-1}, n \text{ 为奇数} \end{cases}$

所以 $S_{2n} = (p_1 + p_3 + \dots + p_{2n-1}) + (p_2 + p_4 + \dots + p_{2n})$,

设 $Q_n = p_1 + p_3 + \dots + p_{2n-1} = 1 + (\frac{1}{2})^2 + (\frac{1}{2})^4 + \dots + (\frac{1}{2})^{2n-2} = 1 + \frac{1}{4} + (\frac{1}{4})^2 + \dots + (\frac{1}{4})^{n-1}$

$$= \frac{1 \times [1 - (\frac{1}{4})^n]}{1 - \frac{1}{4}} = \frac{4}{3} [1 - (\frac{1}{4})^n].$$

设 $R_n = p_2 + p_4 + \dots + p_{2n} = \frac{3}{2} + \frac{5}{2} + \dots + \frac{2n+1}{2} = \frac{n(n+2)}{2}$.

所以 $S_{2n} = Q_n + R_n = \frac{4}{3} - \frac{4}{3} \cdot (\frac{1}{4})^n + \frac{n(n+2)}{2} = \frac{n(n+2)}{2} - \frac{1}{3 \times 4^{n-1}} + \frac{4}{3}$12 分